**Examen VWO**

**2022**

tijdvak 3

woensdag 6 juli

13.30 – 16.30 uur

**wiskunde A**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| OVERZICHT FORMULES | | | |
|  |  | | |
|  | **Differentiëren** | | |
|  | **naam van de regel**  somregel  verschilregel  productregel  quotiëntregel  kettingregel | **functie** | **afgeleide** |
|  |  | | |
|  | **Logaritmen** | | |
|  | **regel voorwaarde** | | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Temperatuurschalen*** |
|  |  | In Nederland drukken we temperaturen meestal uit in graden Celsius (°C), maar er bestaan veel meer temperatuurschalen. In deze opgave bekijken we een aantal van deze temperatuurschalen.  In de Verenigde Staten wordt de temperatuur uitgedrukt in graden Fahrenheit (°F). De Fahrenheitschaal is in 1724 ontwikkeld door de Duitser Gabriel Fahrenheit. Hij gebruikte bij het bedenken van deze schaal de volgende drie referentiepunten:   1. Hij maakte een mengsel van ijs, water en een bepaald soort zout. Dat was in die tijd de manier om een zo laag mogelijke temperatuur te verkrijgen. Die temperatuur noemde hij 0 °F. 2. Het vriespunt van water. Dat noemde hij 32 °F. 3. De lichaamstemperatuur van een gezond mens. Die noemde hij 96 °F.   In graden Celsius is de lichaamstemperatuur van een gezond mens gelijk aan 37 °C en is het vriespunt van water 0 °C. Zowel de Celsiusschaal als de Fahrenheitschaal is lineair. En ook het verband tussen de temperatuur in graden Celsius en die in graden Fahrenheit is lineair. |
| 4p | **1** | Bereken met behulp van de bovenstaande referentiepunten de temperatuur in °C van het ijsmengsel dat Fahrenheit gebruikte. |
|  |  |  |
|  |  | De metingen van Fahrenheit waren vrij onnauwkeurig en daarmee was zijn temperatuurschaal dat ook. Inmiddels is de Fahrenheitschaal nauwkeuriger vastgesteld en geldt tussen graden Celsius (*C*) en graden Fahrenheit (*F*) het volgende verband: |
| 3p | **2** | Bereken bij welke temperatuur beide temperatuurschalen dezelfde temperatuur aangeven. |
|  |  |  |
|  |  | In de wetenschap werkt men meestal met de Kelvinschaal. Deze schaal is afgeleid van de Celsiusschaal, maar heeft een ander nulpunt, namelijk het zogenoemde absolute nulpunt. Dat is de laagst mogelijke temperatuur. In graden Celsius is dat −273,15 °C.  Er geldt:  met *K* in Kelvin.  Door de twee bovenstaande formules te gebruiken, kun je een formule opstellen die de temperatuur in Kelvin uitdrukt in graden Fahrenheit. Deze formule heeft de vorm . |
| 3p | **3** | Bereken de waarden van *a* en *b*. Geef je antwoorden in twee decimalen. |
|  |  |  |
|  |  | In de figuur zijn de grafieken getekend van verschillende temperatuurschalen: Celsius, Fahrenheit en Kelvin. Beide assen hebben een lineaire schaalverdeling. Op de horizontale as is echter geen schaalverdeling weergegeven: daar staan enkele natuurkundige verschijnselen die bij de betreffende temperaturen plaatsvinden. In de figuur is ook de grafiek getekend van de schaal van Rankine. Deze schaal is in de negentiende eeuw afgeleid van die van Fahrenheit, maar heeft, net als de Kelvinschaal, het absolute nulpunt als nulpunt. De grafieken die horen bij Fahrenheit en Rankine zijn evenwijdig. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | **figuur**  Met behulp van deze grafieken en/of de voorgaande formules is het mogelijk om een verband op te stellen tussen de temperatuur in °C en die in graden Rankine (°Ra).  Dat verband heeft de vorm:  met *C* de temperatuur in °C en *R* de temperatuur in °Ra. |
| 4p | **4** | Stel deze formule op. Licht je antwoord toe en geef de waarden van *p* en *q* in twee decimalen. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Zonkracht en beschermingsfactor*** |
|  |  | Op de verpakking van een zonnebrandcrème staat de volgende tabel:  **tabel**   |  |  |  | | --- | --- | --- | | **maximale tijd in de zon in uren en minuten (bij zonkracht 8)** | | | | **huidtype** | **zonder crème** | **met crème factor 20** | | 1 zeer lichte huid | 7,5 minuten | 2 uur 30 minuten | | 2 lichte huid | 12,5 minuten | 4 uur 10 minuten | | 3 licht getinte huid | 25 minuten | 8 uur 20 minuten | | 4 getinte huid | 37,5 minuten | 12 uur 30 minuten | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | De beschermingsfactor van een zonnebrandcrème geeft aan met welke factor je de maximale tijd in de zon zonder crème moet vermenigvuldigen om de maximale tijd in de zon met crème te krijgen. Zo kun je in de tabel aflezen dat met huidtype 1 de maximale tijd in de zon zonder crème 7,5 minuten is. Met crème factor 20 is deze maximale tijd 20 maal zo lang.  Bovengenoemde tabel geldt voor zonkracht 8. De **zonkracht** is een maat voor de intensiteit van de zonnestraling. Zonkracht 8 is de maximale zonkracht die in Nederland voorkomt. Hoe lang iemand in de zon kan blijven, hangt niet alleen af van zijn huidtype en de zonnebrandcrème, maar ook van de zonkracht. Voor *T*, de maximale tijd in de zon zonder crème, wordt wel de volgende formule gebruikt:  Hierbij is *T* in minuten en heeft huidtype 1 huidwaarde 60, huidtype 2 huidwaarde 100 huidtype 3 huidwaarde 200 en huidtype 4 huidwaarde 300.  Er zijn zonnebrandcrèmes met beschermingsfactor 10, 15, 20, 30 en 50 beschikbaar.  Op een licht bewolkte dag in juni is de zonkracht 5. Iemand met huidtype 2 wil 4 uur in de zon kunnen blijven. |
| 3p | **5** | Bereken welke beschermingsfactor hij van bovenstaande beschikbare beschermingsfactoren minimaal nodig heeft in zijn zonnebrandcrème. |
|  |  |  |
|  |  | In werkelijkheid is de zonkracht gedurende een dag nooit constant, maar varieert afhankelijk van de bewolking en het moment van de dag. In de figuur zie je de gemeten zonkracht op 5 september 2015 in Bilthoven. Deze figuur staat ook op de uitwerkbijlage.  **figuur**  De met lijntjes verbonden punten geven de metingen aan. In de figuur is ook een grafiek getekend die de maximaal mogelijke zonkracht geeft, dat wil zeggen de zonkracht bij onbewolkte hemel. Onderzoekers benaderen de ze grafiek met een formule van de vorm:  Hierin is *Z* de maximaal mogelijke zonkracht en *t* de tijd in uren. |
| 4p | **6** | Bepaal, met behulp van de figuur op de uitwerkbijlage, de waarde van , *b* *c* en *d* in deze formule. Licht je antwoorden toe. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | Op een bepaalde dag in augustus moet Marieke een lange tijd in de zon werken. Marieke heeft huidtype 1 en ze smeert zich altijd in met zonnebrandcrème factor 15. Je kunt nu berekenen dat Marieke maximaal 225 minuten in de zon kan blijven als de zonkracht constant 4 zou zijn.  Voor die dag in augustus is door een onderzoeker voor de maximaal mogelijke zonkracht *Z* de volgende formule opgesteld:  Hierin is *t* de tijd in uren met .  Neem aan dat de zon op deze dag de hele dag schijnt met de maximaal mogelijke kracht, dus volgens de formule. |
| 4p | **7** | Toon met behulp van deze formule aan dat Marieke met zonnebrandcrème factor 15 niet deze hele dag in de zon kan blijven. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Touwtje springen*** |
|  |  | Op veel schoolpleinen van basisscholen zie je groepen kinderen touwtjespringen. Twee kinderen draaien een lang touw rond, terwijl andere kinderen één voor één al springend het draaiende touw binnengaan en weer uitgaan.  In de figuur is een model van het springtouw in een assenstelsel getekend. De doorgetrokken lijn is het springtouw in de laagste stand en de stippellijn is het springtouw in de hoogste stand. Het springtouw wordt door de draaiers vastgehouden in de punten *A* en *B*. Het springtouw raakt de grond precies midden tussen de draaiers in. We gaan er in dit model van uit dat het springtouw symmetrisch om de as *AB* heen draait.  **figuur**  De formule die hoort bij de doorgetrokken lijn in de figuur is:  Hierin is de hoogte (in meters) van het springtouw en *x* de ‘afstand’1) (in meters) gemeten vanaf het punt waar het springtouw de grond raakt. |

|  |  |
| --- | --- |
| noot 1 | als *x* negatief is, betekent dit dat het bijbehorende punt op de doorgetrokken lijn ergens tussen *A* en het laagste punt van de doorgetrokken lijn ligt. Zie de figuur. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | In dit model verwaarlozen we de dikte van het springtouw. Het model is symmetrisch ten opzichte van de *H*-as en de maximale hoogte van de stippellijn in de figuur is 1,54 meter.  Uit de gegevens volgt dat de draaiers ongeveer 5,5 meter van elkaar staan. |
| 4p | **8** | Bereken de afstand tussen de punten *A* en *B*. Geef je antwoord in hele centimeters. |
|  |  |  |
|  |  | Bij een bepaald onderdeel van het spel moeten de kinderen rechtop onder het springtouw door rennen, zonder daarbij het touw te raken. Dat moeten ze zo dicht mogelijk bij een van de draaiers doen. Het is natuurlijk het handigst om het zo te doen dat je onder het touw door rent als het in de hoogste stand is.  Milan is 1,39 meter lang. |
| 4p | **9** | Onderzoek op welke afstand van de draaiers Milan minimaal moet rennen om het touw niet tegen zijn hoofd te krijgen. Geef je antwoord in hele centimeters. |
|  |  |  |
|  |  | Bij het touwtjespringen kunnen verschillende spelletjes gespeeld worden. Een groep van tien kinderen speelt zo’n spel. Bij dit spel wordt deze groep als volgt verdeeld:   * twee kinderen draaien met het touw, de zogenaamde draaiers; * de overige acht kinderen worden in twee gelijke teams verdeeld. |
| 4p | **10** | Bereken hoeveel verschillende verdelingen er op deze manier mogelijk zijn. |
|  |  |  |
|  |  | Bij dit spel gaan de kinderen van een team één voor één het springtouw binnen. Het eerste kind maakt dan één sprong. Zodra het eerste kind één sprong gemaakt heeft, komt het tweede kind het springtouw binnen en samen maken ze twee sprongen.  Na deze twee sprongen komt het derde kind het springtouw binnen en met z’n drieën maken ze vier sprongen.  Tot slot komt het vierde kind binnen en met z’n vieren springen ze dan zes keer.  Direct na deze laatste sprongen verlaat het eerste kind het springtouw weer en kind 2, 3 en 4 volgen hem steeds met tussenpozen van drie sprongen. In totaal wordt er dus 22 keer gesprongen.  Op de uitwerkbijlage zie je een gedeeltelijk ingevuld schema bij dit spel. |
| 3p | **11** | Vul het schema op de uitwerkbijlage verder in en onderzoek hiermee welk kind de meeste sprongen maakt. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Hoe ver is de horizon?*** |
|  |  | Bij helder weer geldt: naarmate je hoger staat, kun je verder kijken. Maar is het ook zo dat je tweemaal zo ver kunt kijken als je tweemaal zo hoog staat? Dat onderzoeken we in deze opgave.  Daarvoor maken we een model: **figuur**  we beschouwen de aarde als een gladde bol.  Zie de figuur.  De ogen van een waarnemer staan in punt *A*  en de waarnemer kan tot punt *H* kijken: zó ver  reikt zijn horizon. Punt *M* is het middelpunt van  de aarde. Lijnstuk *MH* is een straal van de  aarde; km. De lengte van lijnstuk *MA*  is 6371 km plus de hoogte van *A* boven de grond.  De hoogte van *A* boven de grond noemen we *x*  (**in kilometers**).  Driehoek *AHM* is rechthoekig. Met de stelling van  Pythagoras kunnen we nu de  afstand *AH* (in kilometers) uitdrukken in *x*: |
| 4p | **12** | Toon aan dat de formule voor *AH* juist is. |
|  |  |  |
|  |  | Wie de Domtoren in Utrecht beklimt, kan op 75 meter ooghoogte en op 90 meter ooghoogte naar buiten kijken. |
| 3p | **13** | Bereken hoeveel je op 90 meter ooghoogte verder kunt kijken dan op 75 meter ooghoogte. Geef je antwoord in gehele km nauwkeurig. |
|  |  |  |
|  |  | Dat je verder kunt kijken als je hoger staat, betekent dat *AH* toeneemt als *x* toeneemt. Uit de formule blijkt dat dit het geval is. |
| 2p | **14** | Beredeneer aan de hand van de formule van *AH* dat *AH* toeneemt als *x* toeneemt. |
|  |  |  |
|  |  | Ook door te differentiëren kun je aantonen dat *AH* toeneemt als *x* toeneemt. |
| 5p | **15** | Bepaal de afgeleide en beredeneer aan de hand van de formule van deze afgeleide, dus zonder een schets of tekening van de grafiek van de afgeleide te maken, dat *AH* toeneemt als *x* toeneemt. |
|  |  |  |
|  |  | Henk beweert dat, als je tweemaal zo hoog staat, je ook altijd tweemaal zo ver kunt kijken. |
| 3p | **16** | Onderzoek met behulp van de formule voor *AH* of Henk gelijk heeft. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Hypotheek*** |
|  |  | In 2015 koopt Casper een nieuwe woning. Om die te kunnen betalen, sluit hij bij een bank een **hypotheek** af. Hij spreekt met de bank een periode af waarin hij de lening terugbetaalt, de looptijd van de hypotheek. Hierbij is het maandelijks te betalen bedrag gedurende de looptijd iedere maand hetzelfde. Dit bedrag bestaat voor een deel uit rente en voor een deel uit aflossing; deze aflossing is een terugbetaling van een gedeelte van het geleende bedrag.  De hoogte van de maandelijkse betaling wordt zó gekozen dat aan het eind van de looptijd de hypotheek precies is afgelost en alle rente is betaald.  De hypotheek van Casper is € 250 000. Bij zijn hypotheek is de rente gedurende de gehele looptijd van 30 jaar hetzelfde, namelijk 4,3% rente per jaar over het nog terug te betalen deel van het geleende bedrag. Voor de restschuld van Casper kan de volgende recursieve formule worden opgesteld:  met  In deze formule is de restschuld (in euro’s) na *n* maanden en *B* het bedrag (in euro’s) dat hij per maand betaalt.  De maandelijkse groeifactor is in deze formule afgerond op 4 decimalen tot 1,0035. |
| 3p | **17** | Bereken deze maandelijkse groeifactor in 5 decimalen nauwkeurig. |
|  |  |  |
|  |  | Voor de hypotheek van Casper geldt . Volgens zijn hypotheekadviseur is het zo dat hij na 10 jaar meer dan 20% van zijn hypotheek heeft afgelost. |
| 4p | **18** | Onderzoek of de hypotheekadviseur gelijk heeft. |
|  |  |  |
|  |  | Het bedrag dat Casper per maand  betaalt, bestaat voor een deel uit  rente (*I*) en voor een deel uit  aflossing (*F*). Er geldt dus:  .  Aan het begin van de looptijd  bestaat dit bedrag voor het grootste  deel uit rente en slechts voor een  klein deel uit aflossing, maar  naarmate er meer afgelost wordt,  neemt het rentedeel af en de aflossing  toe.  Voor de hypotheek van Casper is met  het verloop van *I* en *F*  weergegeven in de figuur.  Voor Casper kan de aflossing van zijn  hypotheek benaderd worden met de formule  met *n* in maanden. |
| 4p | **19** | Bereken na hoeveel maanden Casper voor het eerst meer aflossing dan rente betaalt. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | In het algemeen geldt voor het berekenen van het maandelijks te betalen bedrag *B* de volgende formule:  In deze formule is *L* de hoogte van de lening, *r* het rentepercentage **per maand** en *n* de (resterende) looptijd van de lening **in maanden**.  Na 10 jaar bedraagt de restschuld van Casper nog € 198 396.1) Hij heeft op dat moment de mogelijkheid € 50 000 van zijn hypotheek af te lossen. Het nadeel is wel dat hij dan voor de resterende looptijd van 20 jaar een nieuwe lening moet afsluiten met 0,375% rente **per maand**. |
| 2p | **20** | Toon aan dat het bedrag dat hij per maand moet betalen, gelijjk wordt aan € 938,83 als hij € 50 000 van zijn hypotheek aflost. |
|  |  |  |
|  |  | Casper heeft nu twee mogelijkheden:   1. Hij verandert niets aan zijn hypotheek en blijft € 1225,10 per maand betalen. De € 50 000 zet hij op een lange-termijnspaarrekening waar hij 2,95% rente per jaar krijgt. 2. Hij lost met de € 50 000 zijn hypotheek voor een deel af en betaalt nog maar   € 938,83 per maand. Het geld dat hij per maand minder uitgeeft, zet hij op de bank maar hij ontvangt hier geen rente over. |
| 5p | **21** | Onderzoek welke mogelijkheid voor Casper het gunstigst is. |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | |  | | ***Wijkertunnel*** | |
|  | |  | | **‘Banken verdienen fors aan Wijkertunnel’**  In mei 2013 stond deze kop boven een artikel in het Financieel Dagblad over de Wijkertunnel. Deze tunnel, deel van de A9 tussen Velsen en Beverwijk, is gebouwd tussen 1993 en 1996 om de fileproblemen op de weg op te lossen.  Dit artikel is door vele kranten geciteerd. | |
|  | |  | | **Wijkertunnel dubbel betaald**  De staat verliest tot 2026 honderden miljoen euro’s op de Wijkertunnel bij Beverwijk. De tunnel is in de jaren negentig gebouwd met privaat geld. De afspraak was dat de overheid de investeerders ING en Commerzbank in 30 jaar zou terugbetalen afhankelijk van het gebruik van de tunnel. Doordat er veel meer auto’s doorheen gaan dan verwacht, betaalt de staat meer dan de bouw van de tunnel de investeerders heeft gekost. | |

|  |  |
| --- | --- |
| noot 1 | dit bedrag is ontstaan door te rekenen met de formule van *Rn* zonder tussentijds af te ronden. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | Op de uitwerkbijlage staan enkele- infographics. Dat zijn figuren die de gemaakte berekeningen van het Financieel Dagblad toelichten. Met behulp van deze infographics kun je berekenen hoeveel meer de banken in de periode 1996 tot 2026 betaald krijgen door de staat dan ze hebben uitgegeven aan de bouw van de tunnel.  Als de groei zoals die was in de periode 1997 tot en met 2010 zich zo voortzet tot en met 2025 dan gaan de banken inderdaad veel verdienen aan de tunnel. |
| 7p | **22** | Bereken met behulp van de infographics hoeveel de banken meer betaald krijgen dan ze uitgegeven hebben aan de bouw van de tunnel. |

**Wiskunde A** **2022-III**

**Uitwerkbijlage.**

**NAAM: . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . .**

Afbeelding met tekst, schermopname, software, Multimediasoftware

Automatisch gegenereerde beschrijving**vraag 6**

Afbeelding met tekst, schermopname, software, Computerpictogram

Automatisch gegenereerde beschrijving**vraag 11**

Afbeelding met tekst, schermopname, software, Multimediasoftware

Automatisch gegenereerde beschrijvingAfbeelding met tekst, schermopname, software, Computerpictogram

Automatisch gegenereerde beschrijving**vraag 22**

**Wiskunde A** **2022-III**

**Uitwerkingen. (N=1,4)**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Temperatuurschalen*** |  |
| **1** | **maximumscore 4** |  |
|  | * de lijn gaat door (0, 32) en (37, 96) | 1 |
|  | * dus | 1 |
|  | * de vergelijking  moet worden opgelost | 1 |
|  | * dit geeft °C | 1 |
| **2** | **maximumscore 3** |  |
|  | * dus | 1 |
|  | * geeft | 2 |
| **3** | **maximumscore 3** |  |
|  |  | 1 |
|  |  | 2 |
| **4** | **maximumscore 3** |  |
|  | * geeft | 1 |
|  | * de helling van het verband tussen C en F is  en dus is | 2 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Zonkracht en beschermingsfactor*** |  |
| **5** | **maximumscore 3** |  |
|  | * minuten in de zon zonder crème | 1 |
|  | * minstens factor dus factor 15 | 2 |
| **6** | **maximumscore 4** |  |
|  | * maximum:4 en minimum: 0 geeft en | 2 |
|  | * periode is 12: | 1 |
|  | * een kwart periode voor 13,7: | 1 |
| **7** | **maximumscore 4** |  |
|  |  | 1 |
|  | * dit oplossen geeft en | 1 |
|  | * gedurende 4 uur en 9 minuten is de zonkracht meer dan 4 | 1 |
|  | * ze kan dus niet de hele tijd buiten zijn | 1 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Touwtje springen*** |  |
| **8** | **maximumscore 3** |  |
|  | * *A* en *B* liggen op een hoogte van | 1 |
|  | * de vergelijking moet worden opgelost | 1 |
|  | * dit geeft dus de afstand tussen *A* en *B* is 5,49 meter | 2 |
| **9** | **maximumscore 4** |  |
|  | * stippellijn: | 1 |
|  | * de vergelijking moet worden opgelost: | 2 |
|  | * dus op een afstand van 1,51 meter van de draaiers | 1 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **10** | **maximumscore 4** |  |
|  | * de twee draaiers: | 1 |
|  | * acht kinderen in twee groepen: | 1 |
|  | * in totaal verschillende verdelingen (delen door 2?) | 2 |
| **11** | **maximumscore 3** |  |
|  | * 1e kind: 1 2 4 6 geeft 13 sprongen |  |
|  | * 2e kind: 2 4 6 3 geeft 15 sprongen |  |
|  | * 3e kind: 4 6 3 3 geeft 16 sprongen |  |
|  | * 4e kind: 6 3 3 3 geeft 15 sprongen |  |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Hoe ver is de horizon?*** |  |
| **12** | **maximumscore 4** |  |
|  |  | 3 |
|  |  | 1 |
| **13** | **maximumscore 3** |  |
|  | * 75 meter: geeft | 1 |
|  | * 90 meter: geeft | 1 |
|  | * Je kunt dan 3 km verder kijken | 1 |
| **14** | **maximumscore 2** |  |
|  | * als *x* toeneemt dan neemt ook toe | 1 |
|  | * en dan neemt ook toe | 1 |
| **15** | **maximumscore 5** |  |
|  | * de afgeleide van is | 3 |
|  | * zowel de teller als de noemer is positief, dus de afgeleide is positief | 2 |
| **16** | **maximumscore 3** |  |
|  | * voor het invullen van twee waarden van *x* | 1 |
|  | * AH wordt dan niet twee keer zo groot, dus Henk heeft niet gelijk | 2 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Hypotheek*** |  |
| **17** | **maximumscore 3** |  |
|  | * 4,3% rente per jaar: | 1 |
|  |  | 2 |
| **18** | **maximumscore 4** |  |
|  | * Invoer: met | 1 |
|  | * kijk bij : | 1 |
|  | * en dus de adviseur heeft gelijk | 1 |
| **19** | **maximumscore 4** |  |
|  | * de vergelijking moet worden opgelost | 1 |
|  | * dit geeft | 2 |
|  | * na 164 maanden is dat het geval | 1 |
| **20** | **maximumscore 2** |  |
|  | * en | 1 |
|  |  | 1 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **21** | **maximumscore 5** |  |
|  | * I: | 2 |
|  | * II: | 1 |
|  | * Mogelijkheid I is € 20728 gunstiger | 2 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | ***Wijkertunnel*** |  |
| **22** | **maximumscore 7** |  |
|  | * de banken betaalden 185 miljoen | 1 |
|  | * het aantal voertuigpassages steeg in de periode 1997-2010 lineair | 1 |
|  | * met | 1 |
|  | * miljoen voertuigpassages | 2 |
|  | * de staat betaalt: miljoen euro | 1 |
|  | * de banken krijgen dus ongeveer 480 miljoen euro meer | 1 |